## جامعة بنها كلية العلوم

الفرقة الرابعة شعب الكيمياء (تخلف ثالثة). الفصل الدراسي الأول العام الجامعي ٢٠١٤/٢٠١ نصف ورقة إحصاء وإحتمالات (إجابة) ٢٠١٤/١٢/٢١

## السوال الأول:

أ- أوجد قيمة الثابت الذي يجعل الدالة الآتية دالة كثافة احتمالية:

$$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{\mathbf{c}}{4 + \mathbf{x}^2}, -\infty < \mathbf{x} < \infty$$

 $P(-2 \le X \le 2)$  ومن ثم أوجد

### الحـــل:

f(x)دالة كثافة احتمالية لابد من تحقق الشرط لكى تكون

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$$

$$\therefore \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \mathbf{c} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dx}{4 + x^2} = \frac{\mathbf{c}}{2} \tan^{-1} \frac{x}{2} \Big|_{-\infty}^{\infty}$$
$$= \frac{\mathbf{c}\pi}{2} = 1 \qquad \therefore \quad \mathbf{c} = \frac{2}{\pi}$$

وعليه فإن الدالة:

$$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{2}{\pi(1+\mathbf{x}^2)}, -\infty < \mathbf{x} < \infty$$

تمثل دالة كثافة احتمالية، ولحساب الاحتمال المطلوب نوجد:

$$\therefore \mathbf{P}(-2 \le \mathbf{X} \le 2) = \int_{-2}^{2} \mathbf{f}(\mathbf{x}) d\mathbf{x} = \frac{4}{\pi} \int_{0}^{2} \frac{d\mathbf{x}}{4 + \mathbf{x}^{2}} d\mathbf{x} = \frac{2}{\pi} \tan^{-1} \frac{\mathbf{x}}{2} \Big|_{0}^{2}$$

$$= \frac{2}{\pi} [\tan^{-1} 1 - \tan^{-1} 0] = \frac{2}{\pi} \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}.$$

السؤال الثانى: أو جد معامل الإرتباط بين x,y بناء علي الجدول التالي:

3	6	4	5	2	x
80	90	70	100	60	y

الحـــل: المثال بالكتاب المقرر

|-| أوجد القيمة المتوقعة للمتغير العشوائي |X| إذا كانت له دالة الكثافة

$$f(x) = \begin{cases} 2x & , & 0 < x < 1 \\ 0 & , & o. w. \end{cases}$$

$$E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot f(x) dx$$
$$= \int_{0}^{1} 2 x^{2} \cdot dx = \frac{2}{3}$$

ب- إذا ألقيت قطعة نقود 4مرات فأوجد احتمال كل مما يأتى:

- (i) ظهور الصورة مرتين.
- ii) ظهور الصورة أكثر من مرتين

X إذا اعتبرنا أن المتغير يخضع لتوزيع ذي الحدين X هو عدد مرات الصور التي تظهر، فإن وعليه فإن احتمال ظهور الصورة مرتين يعطى بالصورة  $p = \frac{1}{2}$  ، n = 4: وعليه فإن احتمال ظهور الصورة مرتين يعطى

$$P(X=2) = {4 \choose 2} \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(\frac{1}{2}\right)^{4-2} = 0.75$$

احتمال ظهور الصورة أكثر من مرتين :(ii)

$$P(3) + P(4) = {4 \choose 3} \left(\frac{1}{2}\right)^3 \left(\frac{1}{2}\right)^{4-3} + {4 \choose 4} \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{5}{16}$$

# مع أطيب التمنيات درأحمد عبدالله عبدالله عبدالله عبدالله عبدالله عبدالله عبدالله محمد عبدالله عبدالله